

السادة: الرياضيات | مدة الإجازة: ساعتان | المعامل: 5

<p>التمرين الأول : (نقطتان)</p> <p>حل في \mathbb{R}^2 النقطة التالية :</p> $\begin{cases} 2x + y - 1 = 0 \\ -x + y + 2 = 0 \end{cases}$ <p>التمرين الثاني : (5 نقاط)</p> <p>في المستوى المنسب إلى معلم متعمد منتظم (\vec{z}, \vec{O}) ، نعتبر النقط :</p> <p>C (3, 0) و D (-2, 0) و E (0, -1)</p> <p>(1) اعط معادلة ديكارتية للمستقيم (AC) .</p> <p>(2) تتحقق من أن $x + 2y - 3 = 0$ معادلة للمستقيم (BC) .</p> <p>(3) بين أن $2x - y - 1 = 0$ معادلة للمستقيم (A) وأوسط القطعة [BC] .</p> <p>(4) حدد معادلتين للمستقيمين (D) و (D') الموازيين للمستقيم (A) والمارين على التوالي من النقطة O والنقطة E (2, 3) .</p> <p>التمرين الثالث : (4.5 نقطة)</p> <p>نعتبر الدالتين الحدوديتين f و g بحيث :</p> <p>$f(x) = 4x^2 - x - 3$ و $g(x) = 4x + 3$</p> <p>(1) احسب : $g(1) + \frac{3}{4}$.</p> <p>(2) أ - بين أنه لكل عدد حقيقي x فإن $g(x) + f(x) = x f(x)$.</p> <p>ب - استنتج عملياً للحدودية $g(x)$.</p> <p>(3) نعتبر الحدودية h بحيث $h(x) = px^2 + qx + r$ (p و q عدوان حقيقيان) .</p> <p>حدد p و q لكي يكون : $g(x) = h(x) \cdot f(x)$ لكل x من \mathbb{R} .</p> <p>التمرين الرابع : (3 نقاط)</p> <p>ABC مثلث قائم الزاوية في A. النقطتان I و J هما على التوالي منتصفان [BC] و [IC]</p> <p>نعتبر التحاقى h الذي مر عليه 3 ونسبة 3</p>	<p>2</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1+1</p> <p>2x0.5</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1.5</p> <p>1</p>
---	--

<p>(1) أنشئ النقطة D صورة C بالتحاكى h .</p> <p>(2) نعتبر النقطة E بحيث $\vec{BE} = -2\vec{Bf}$.</p> <p>(3) لكن النقطة F صورة A بالتحاكى h .</p> <p>بين أن المستقيمين (EF) و (FD) متعمدان.</p> <p>التمرين الخامس : (5.5 نقطة)</p> <p>ABCD متوازي أضلاع بحيث $AB = 2 BC$ و $BAD > 90^\circ$.</p> <p>نعتبر النقطتين E و F اللتين تحققان :</p> $\vec{CF} = \frac{1}{4}\vec{CD}$ و $\vec{AE} = \frac{1}{4}\vec{AB}$. <p>(1) أنشئ الشكل .</p> <p>(2) قارن المثلثين AED و CFB .</p> <p>(3) بين أن المثلثين AED و CBD متشابهان ثم استنتاج أن $\frac{ED}{BD} = \frac{1}{2}$.</p> <p>(4) لتكن M المحيط العمودي للنقطة E على (CD) و N المحيط العمودي للنقطة D على (BC) .</p> <p>أ - بين أن المثلثين EDM و DBN متشابهان .</p> <p>ب - أثبت أن $2EM = DN$.</p>	<p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>0.5+1.5</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>0.5</p>
---	--