

الامتحان الموحد : الدورة الأولى

في يناير 2016

مدة الإجازة : ساعتان

المادة : الرياضيات

المستوى : الثالثة ثانوي إعدادي

لا يسمح باستعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول ( 7 نقط )

(1) بسط و احسب ما يلي :

$$A = (\sqrt{3} + 2)(\sqrt{3} - 1)$$

1ن

$$B = \left(\frac{11}{\sqrt{11}}\right)^7 \times \frac{(\sqrt{11})^{-3}}{11}$$

1ن

$$C = \sqrt{\sqrt{7} - 2} \times \sqrt{2^2 - 1^2} \times \sqrt{\sqrt{7} + 2}$$

1ن

$$D = \frac{1 - 2\sqrt{3}}{\sqrt{3}} + \frac{1}{2 - \sqrt{3}}$$

1ن

(2)  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان موجبان بحيث :  $a + 2b = \sqrt{2}$

$$E = \sqrt{2a^2} + \sqrt{8b^2} + \sqrt{16}$$

1ن

(3) اكتب على شكل قوة للعدد 10 ما يلي :

$$F = \frac{\sqrt{0,0009} + \sqrt{4 \times 10^{-4}}}{5000}$$

1ن

(4) أ- احسب ما يلي :

$$G = \tan^2 50^\circ \times \sin^2 40^\circ + \cos 50^\circ \times \sin 40^\circ$$

0,5ن

ب-  $\alpha$  قياس زاوية حادة غير متعدمة .

$$H = \cos^4 \alpha + (1 - \cos^2 \alpha)(\sin^2 \alpha + 2\cos^2 \alpha)$$

0,5ن

التمرين الثاني ( 3 نقط )

(1)  $x$  و  $y$  عدنان حقيقيان بحيث :  $1 \leq x \leq 2$  و  $(-3) \leq y \leq (-2)$

0,75ن x 3

أطر ما يلي :  $x - 2y$  و  $xy$  و  $x^2 + y^2$

(2)  $a$  عدد حقيقي ؛ بين أن :  $\frac{1}{\sqrt{a^2 + 4}} \leq \frac{1}{2}$

0,75ن

( وحدة القياس هي السنتيمتر )

التمرين الثالث ( 5 نقط )

$ABC$  مثلث بحيث :  $AB=6$  و  $AC=3\sqrt{5}$  و  $BC=9$

(1) بين أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية

0,5ن

(2) أنشئ الشكل

1ن

(3) احسب :  $\sin \widehat{ACB}$  و  $\tan \widehat{ABC}$

1ن

(4) النقطة  $H$  هي المسقط العمودي للنقطة  $A$  على المستقيم  $(BC)$  . احسب :  $CH$

1ن

(5) نقطة  $I$  من القطعة  $[AB]$  و نقطة  $J$  من القطعة  $[BC]$  بحيث :  $BI=2$  و  $BJ=3$

بين أن :  $(IJ) \parallel (AC)$

1ن

(6) العمودي على المستقيم  $(AB)$  في النقطة  $B$  يقطع المستقيم  $(CI)$  في النقطة  $E$

احسب :  $BE$

0,5ن

( وحدة القياس هي السنتيمتر )

التمرين الرابع ( 5 نقط )

$[BE]$  قطر في دائرة  $(O; 5cm)$   $\zeta$  مركزها  $O$  و شعاعها  $5cm$

$A$  و  $C$  نقطتان من الدائرة  $(O; 5cm)$   $\zeta$  بحيث :  $\widehat{AOB} = 90^\circ$  و  $\widehat{BOC} = 140^\circ$

(1) أنشئ الشكل

1ن

(2) احسب المسافة :  $AB$

0,5ن

(3) احسب :  $\widehat{AEB}$  و  $\widehat{BAC}$

1ن

(4) بين أن المثلثين  $AOB$  و  $AOE$  متقايسين

1ن

(5) النقطة  $H$  هي المسقط العمودي للنقطة  $E$  على المستقيم  $(AC)$

أ- بين أن المثلثين  $AEH$  و  $BEC$  متشابهان

1ن

ب- استنتج أن :  $HE = HC$

0,5ن