



## « امتحان المهلبى الأمدس الأول »

٨ يناير 2006

مدة الإنجاز : ساعتان

المادة : الرياضيات

المستوى : الثالثة ثانوي إعدادي

<p style="text-align: center;"><b>التمرين 1 : (3.5 نقط)</b></p> <p style="text-align: center;">A و B و C أعداد حقيقية حيث :</p> $C = \frac{6 \times 10^9 + 0,18 \times 10^8}{3 \times (10^3)^2} \text{ و } B = \frac{2\sqrt{3}+3}{2\sqrt{3}-3} - \frac{12}{\sqrt{3}} \text{ و } A = 2\sqrt{27} - 3\sqrt{12} + \sqrt{75}$ <p style="text-align: center;">بين أن : <math>A = 5\sqrt{3}</math> و <math>B = 7</math> و <math>C = 2006</math></p>	1 + 1.5 + 1
<p style="text-align: center;"><b>التمرين 2 : (5.5 نقط)</b></p> <p style="text-align: center;">1 - <math>x</math> عدد حقيقي، حل ما يلي : <math>\frac{2x+1}{10} - \frac{x-3}{6} = \frac{x-2}{5}</math></p> <p style="text-align: center;"><math>x(x - \sqrt{3}) + x^2 - 3 = 0</math></p> <p style="text-align: center;"><math>\sqrt{3}(x - 1) \leq 2(x - 1)</math></p> <p style="text-align: center;">2 - <math>a</math> و <math>b</math> عدنان حقيقيان بحيث : <math>\frac{1}{2} \leq \frac{1}{2a-1} \leq 1</math> و <math>b \leq a</math></p> <p style="text-align: center;">أ - بين أن : <math>1 \leq a \leq \frac{3}{2}</math></p> <p style="text-align: center;">ب - استنتج تبسيطا للعدد <math>E = \sqrt{(a-b)^2} + \sqrt{a^2 - 4a + 4}</math></p>	1.5 1.5 1.5 0.5 0.5
<p style="text-align: center;"><b>التمرين 3 : (4.5 نقط) (وحدة القياس هي السنتمتر)</b></p> <p style="text-align: center;">ABC مثلث قائم الزاوية في A بحيث <math>AB = 4</math> و <math>AC = 8</math></p> <p style="text-align: center;">و E نقطة بحيث <math>A \in [CE]</math> و <math>AE = 2</math>.</p> <p style="text-align: center;">(1) أنشئ الشكل. <span style="float: right;">0.5</span></p> <p style="text-align: center;">(2) بين أن : <math>BC = 4\sqrt{5}</math> و <math>BE = 2\sqrt{5}</math> <span style="float: right;">0.5 + 0.5</span></p> <p style="text-align: center;">(3) بين أن BEC مثلث قائم الزاوية. <span style="float: right;">1</span></p> <p style="text-align: center;">(4) أحسب <math>\sin \hat{A}CB</math> و <math>\tan \hat{B}EC</math> <span style="float: right;">1</span></p> <p style="text-align: center;">(5) أحسب <math>\sin 74^\circ \cdot \cos 16^\circ + \sin 16^\circ \cdot \cos 74^\circ</math> <span style="float: right;">1</span></p>	
<p style="text-align: center;"><b>التمرين 4 : (3.5 نقط) (وحدة القياس هي cm)</b></p> <p style="text-align: center;">ABC شبه منحرف قاعدته [AB] و [CD] و O نقطة تقاطع قطرية</p> <p style="text-align: center;">مع : <math>AB = 4</math> و <math>DC = 6</math> و <math>BC = 4,5</math></p> <p style="text-align: center;">(1) أنشئ الشكل. <span style="float: right;">1</span></p> <p style="text-align: center;">(2) بين أن : <math>\frac{OA}{OC} = \frac{2}{3}</math> <span style="float: right;">1.5</span></p> <p style="text-align: center;">(3) لتكن E نقطة حيث : <math>E \in [CB]</math> و <math>E \notin [CB]</math> و <math>EB = 3</math> <span style="float: right;">1</span></p> <p style="text-align: center;">بين أن : <math>(AE) \parallel (DB)</math></p>	

**التمرين 5 : (3 نقط)**

دائرة  $\mathcal{C}(0,3)$  وقطرها  $[BC]$  و  $A$  تنتمي إليها مع :

$A \neq C$  و  $A \neq B$  مستقيم مماسا للدائرة  $\mathcal{C}(0,3)$  في  $A$  و  $E$  المسقط العمودي للنقطة  $B$

على  $(\Delta)$  (انظر الشكل)

(1) أتمم الشكل.

1

(2) بين أن المثلثين  $EAB$  و  $ACB$  متشابهين.

1

(3) استنتج أن :  $AB^2 = 6EB$

1

